



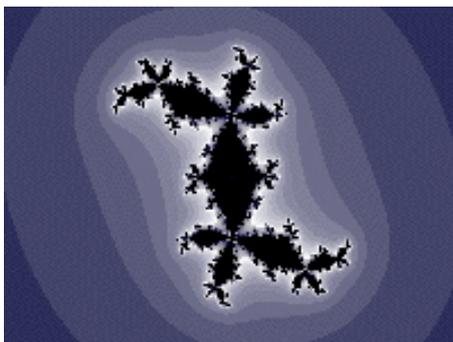
## DES ABYSSES À LA PLAGE : LA CÔTE BRETONNE ET LES FRACTALES.

Aurélié Doloris, Damien Denayer, Julie Albertini, Julien Piret, Styve Mulquin  
Département pédagogique : section mathématique

### Définition :

Une fractale est un objet géométrique dont les formes découpées laissent apparaître, à des échelles d'observations de plus en plus fines, des motifs similaires.

### Gaston Julia (1893-1978): Ensemble de Julia :



<http://perso.magic.fr/ormerry/fractales/J4P12.JPG>  
[perso.magic.fr/ormerry/fractales/fractal.html](http://perso.magic.fr/ormerry/fractales/fractal.html)

On considère la fonction

$$f: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C} : z \rightarrow f(z) = z^2 + c, c \in \mathbb{C}$$

A tout complexe  $z_0$  est associée la suite

$$u_0 = z_0, u_1 = z_0^2 + c = f(z_0), u_2 = f^2(z_0) = f \circ f(z_0) = f(u_1) \\ = (z_0^2 + c)^2 + c, u_3 = f^3(z_0), \dots u_n = f^n(z_0)$$

Le plan complexe est alors partagé en 2 ensembles :

- les  $z_0$  pour lesquels  $u_n \rightarrow \infty$
- les  $z_0$  pour lesquels  $u_n \not\rightarrow \infty$

Ces derniers forment l'ensemble de Julia plein de  $f$ , que l'on peut donc définir de la manière suivante :  $\{z_0 \in \mathbb{C} \mid f^n(z_0) \not\rightarrow \infty\}$

La frontière de cet ensemble est une courbe fractale appelée ensemble de Julia de  $f$ .



<http://john.bonobo.free.fr/fractal/julia1b.png> [john.bonobo.free.fr/fractal/doc.php?page=222](http://john.bonobo.free.fr/fractal/doc.php?page=222)