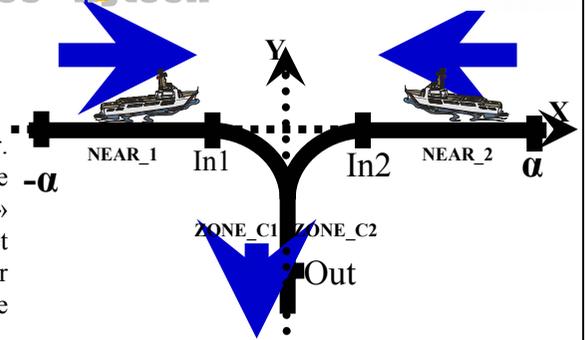


Expérience : Contrôle du passage de 2 supertankers dans un canal commun. On ne peut avoir qu'un supertanker dans la zone critique (zone_c1 et zone_c2) pour éviter une collision.

- Le comportement des 2 bateaux est dicté par un contrôleur. Quand un bateau atteint α ou $-\alpha$, le contrôleur vérifie si l'autre bateau n'est pas déjà dans une des zones «near» ou «zone_c» opposée. Si oui, alors il oblige le deuxième bateau à ralentir et ce dernier retrouve sa vitesse de croisière lorsque le premier bateau arrive à Out. Sinon il continue son chemin à vitesse normale.

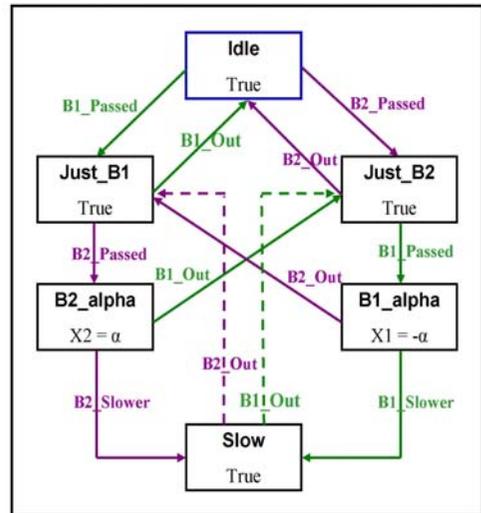
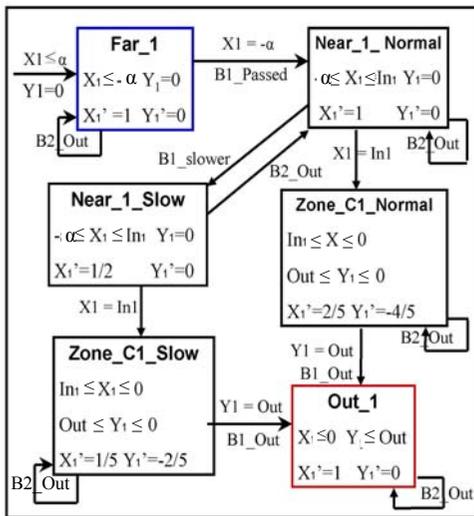
On modélise ce système par une combinaison d'automates hybrides linéaires : un par bateau et un pour le contrôleur.



Modélisation : Système hybride : Sextuple $\langle Loc, Var, Lab, Edg, Act, Inv \rangle$

Automate supertanker 1 :

Automate Contrôleur :



Hytech : outil de spécification et de vérification du système hybride.

But : L'état initial du système est $\langle FAR1, FAR2, IDLE \rangle$, et l'état final est $\langle OUT1, OUT2, IDLE \rangle$. On veut vérifier que l'on peut atteindre l'état final à partir de l'état initial, mais tout en évitant de passer par l'état de collision qui est $\langle Zone_C1_Normal, Zone_C2_Normal, ANY \rangle$ ou $\langle Zone_C1_Slow, Zone_C2_Slow, ANY \rangle$ ou ...

Comment : On utilise la méthode «forward analysis» avec Hytech.

On obtient le système hybride final en calculant la composition parallèle des 3 automates hybrides. Sur ce système, on peut définir des régions. Une région est un ensemble (l, P) , où l est une location de l'automate et P est un ensemble de valeurs que peuvent prendre les variables dans cette location.

Ensuite hytech calcule «the forward reachable region» en trouvant la limite de la séquence infinie $I, post(I), post^2(I), \dots$ des régions, où I est l'état initial et où l'opérateur $post(W)$ est l'ensemble de tous les états successeurs d'une région W via une transition ou un écoulement de temps. Dès lors, «the forward reachable region» est défini comme l'ensemble de tous les états accessibles à partir de l'état W après un nombre fini de transitions,

càd $post^*(W) = \bigcup_{i \geq 0} post^i(W)$.

Soit C l'état de collision, on veut alors que $post^*(I) \cap C = \emptyset$. Pour chaque région, Hytech nous fournit les conditions sur chaque variable et paramètre permettant d'y être. On connaît donc l'intervalle des valeurs de α pour être dans l'état C . Il suffit donc de prendre un α hors de cet intervalle pour qu'on n'atteigne jamais cet état.

Difficultés : On utilise un outil comme hytech car tous ces calculs sont très lourds, et on peut assister à une augmentation du nombre des régions et de la complexité de celles-ci avec l'accroissement du nombre de variables et de locations de chaque système hybride.